** Foundation Settlements

settlements classified as :-

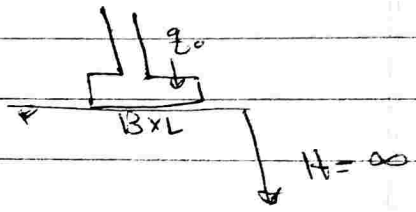
① consolidation sett. :- | fine soil |, time dependent (long time
↓
clay early saturated

② Immediate sett : يحدث بكل أنواع التربة لكن بنسب مختلفة
يكون أكبر بالـ granular soil

Immediate + Consolidation = total sett.

---

① Immediate Sett (Elastic Sett.) :-



Assume - For flexible footing, $D_f = 0$, $H = \infty$:-
↳ Relative propanity
مثلاً ، كلما قل الأساس كلما قل الـ
، كلما قل الأساس كلما زادت
- كل ما كبرت المساحة بيقل الـ flexibility
= = = thickness ، كل ما زاد

$$S_e = \frac{B\, q_o}{E_s}\left(1 - \mu_s^2\right)\frac{\alpha}{2} \qquad \text{at corner}$$

$$S_e = \frac{B\, q_o}{E_s}\left(1 - \mu_s^2\right)\alpha \qquad \text{at center}$$

E_s: Modulas of Elastity μ_s: poisson's Ration

$\alpha \Rightarrow$ Fig 4.18 $\Rightarrow \frac{L}{B}$ ، circler لو

curves → Rigid
→ avg
→ flexi.

* Strip $L/B = \infty$
→ 10 from the fig
* squre $L/B = 1$

Assume - For Rigid footing :
نفس المعادلة السابقة α بنجيبها α rigid من الجدول

$H \neq \infty$ أصبحنا بدون قاعدة صخرية غير مضغوطة

أقل settlement يعطي

- if $D_f = 0$, $H < \infty$, flexable due to presence of Rigid layer (Rock):

$$- se = \frac{B q_o}{E_s}(1 - M_s^2)\left[\frac{(1-M_s^2)F_1 + (1 - M_s - 2M_s^2)F_2}{2}\right] \quad @ \text{corner}$$

$$- se = \frac{B q_o}{E_s}(1 - M_s^2)\left[(1-M_s^2)F_1 + (1 - M_s - 2M_s^2)F_2\right] \quad @ \text{center}$$

$F_1, F_2 \Rightarrow$ Tables 4 & 5 $\quad q(L/B \downarrow m, H/B \downarrow n)$

» Example: foundation 1m × 2m carries a net load per unit area $q_o = 150\ KN/m$, $E_s = 10000\ KN/m^2$, $M_s = 0.3$ assume the Foundation is flexible, Find elastic sett at the center of:

ⓐ $D_f = 0$, $H = \infty$

ⓑ $D_f = 0$, $H = 5$

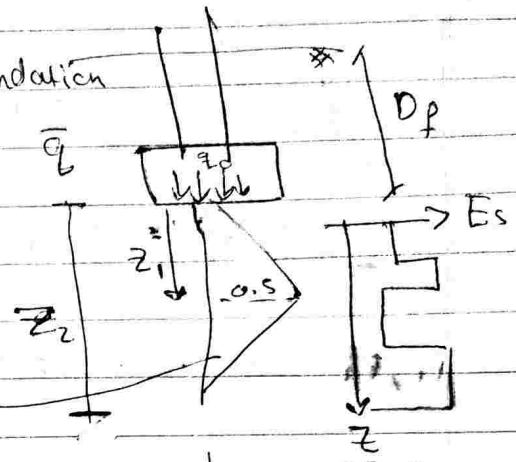
Sol:

a) $se = \frac{B q_o}{E_s}(1 - M_s^2)\alpha = \frac{1(150)}{1000}$

لأي عمق هيصير تأثير اللي

* Self of sandy soil using strain influence factor Method (proposed by Schmertmann & Hartman)

* q_o = Stress at the level of foundation
* $\bar{q} = \gamma D_f$



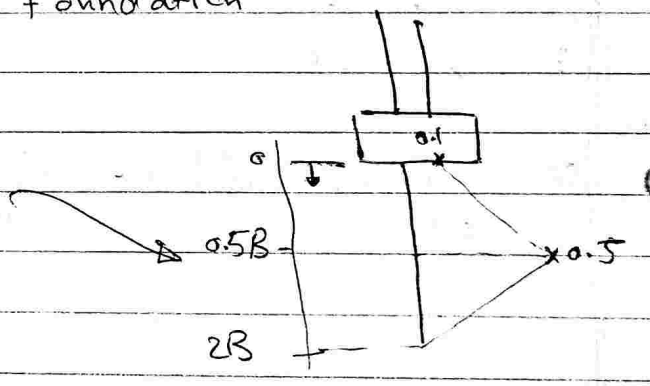
Influnce diagram (General) ← شكل تقريبي حسب نوع الـ Footing

- يتم تقسيم الطبقات حسب Es
- ممكن يعطى Es بشكل مباشر أو عن طريق Standard penetration test & Cone Penetration test

---

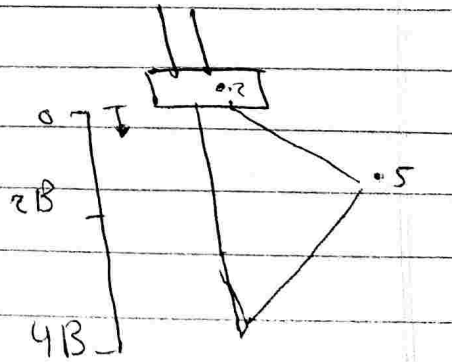
⇒ For square or circular foundation

$I_z = 0.1$ @ $z = 0$
$= 0.5$ @ $z = 0.5B \rightarrow z_1$
$= 0$ @ $z = 2B \rightarrow z_2$



⇒ $L/B \geq 10$ Foundation "

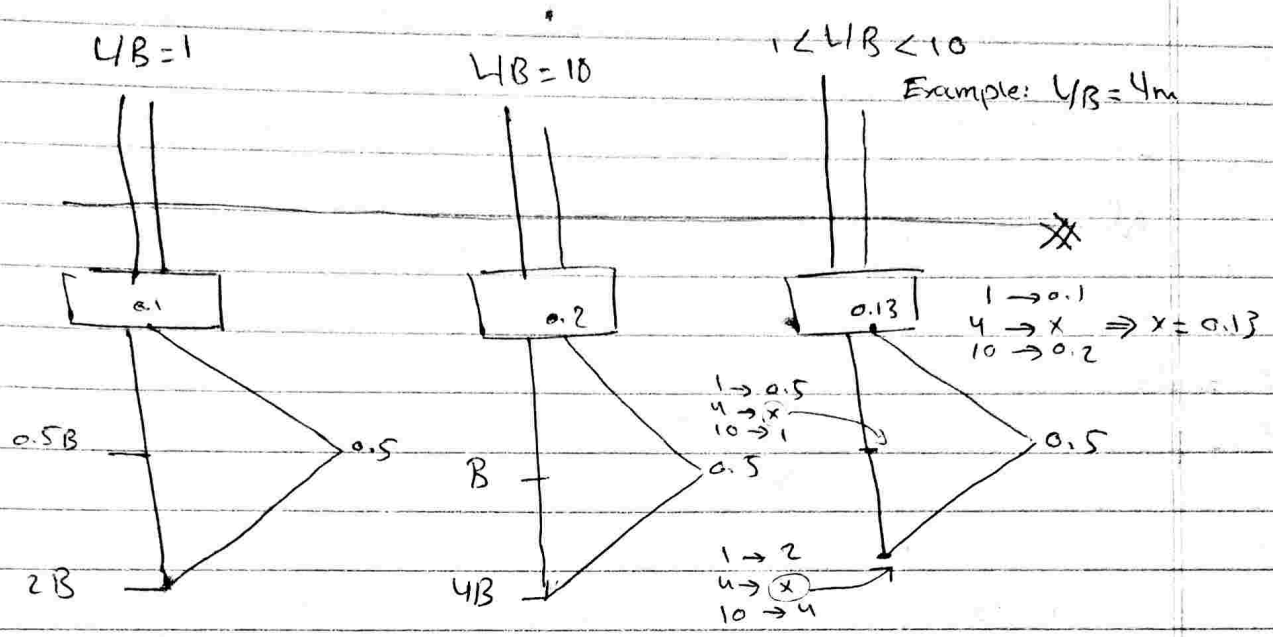
$I_z = 0.2$ @ $z = 0$
$= 0.5$ @ $z = B = z_1$
$= 0$ @ $z = z_2 = 4B$



* ليش لا Strip عمق الطبقات اللي بتتأثر أكبر؟
لأنها عبارة عن مجموعة من الدوائر المتلاصقة.

* لو قيمة L/B بين 10 ، 7 Interpolation

Interpolation في حالة L/B ، مختلفة لا Interpolate لازم نعمل
diagram



* Calculate the Elastic sett from the Influnce dia.?

عجوة لتكتب الى
هيعبر عن جميع
الطبقات اللي
تاثر علينا

$$Se = C_1 C_2 (q_{zo} - \bar{q}) \sum_{0}^{z_2} \left(\frac{I_z}{E_s} \Delta z \right)$$

I_z : Strain influnce Chart

C_1 : depth correction factor

$$C_1 = 1 - 0.5 \left(\frac{\bar{q}}{q_{zo} - \bar{q}} \right)$$

$\cdot q_{zo} = \frac{Q}{A}$

$\cdot \bar{q} = \bar{\sigma} Df$

C_2 : Ereep correction factor $= 1 + 0.2 \log \left(\frac{\text{time in years}}{0.1} \right)$

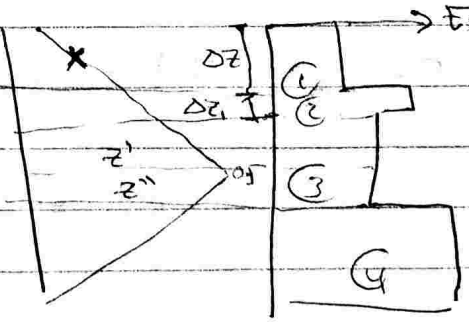
لـ افترض السما د إنه بيزود في زيادة بالستة حتى لو صغيرة
عبر ٢

Linear بعتبر I_z للطبقة نفس الطريقة إنه
curve

$\cdot I_z = 0.1 + \text{slope}(\bar{z})$

في الطبقة الاولى $= \frac{\Delta z}{2}$

في الطبقة الثانية $= \Delta z + \frac{\Delta z}{2}$



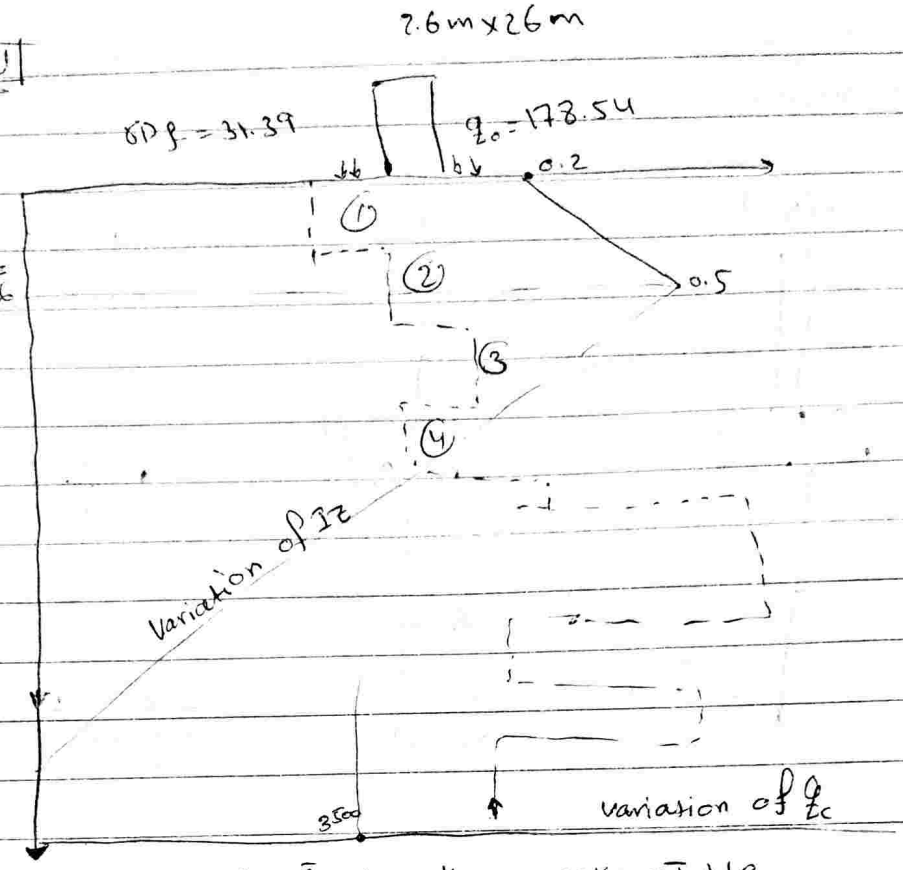
في الطبقة الثالثة بقسم الطبقة z' ، z'' ، عشان I_z الصادرة

لـ z'' ⇐ $I_z = 0.5 - \text{slope}(\bar{z})$

z''

* Example: - Same!

Se? after 5 years?



الرسمة الأصلية في الكتاب page 16

$\Delta z_1 = 1\,m$

$\Delta z_2 = 2\,m$

$\Delta z_3 = 0.5\,m$

$L/B = 10$

$\Rightarrow$ case (2)

Calculat $C_1, C_2, q_o, \bar{q}$:- then make a Table

Layer*	Δz	E_s ($3.5q_c$)	I_z	$I_z \Delta z / E_s$
1	1			
2'	1.6			
2''	0.4			

• E_s for strip footing = $3.5 q_c = 3500 \times 3.5 =$

layer*1 • $I_z = 0.2 + \left(\frac{0.5-0.2}{2.6}\right)(0.5) = \boxed{0.25}$

layer*2' • $I_z = 0.2 + \left(\frac{0.5-0.2}{2.6}\right)(1.8) = 0.4$

layer*2'' • $I_z = 0.5 - \frac{0.5}{7.8}(0.2) = 0.48$

mm ← m بنحول ال Sett. في الآخر.

* Bowel's procedure to calculate S_e (for Sand & clay):-

⇒ For Flexible Footing:- → same «Granular»

* Sett of corner of rect. base

$$S_e = \frac{q_o B' (1 - M_s^2)}{E_{s\,avg}} I_s \; I_F$$

↳ معاملات في الكتب

* B' : lateral dimension of the footing = B

طالما كان بالسؤال لازم تكون المنطقة على زاوية والقاعدة شبه، إذا اعطاك بتقسم الكل لكتب تكون صح

B' at corner = B

B' at center = $\frac{B}{2}$

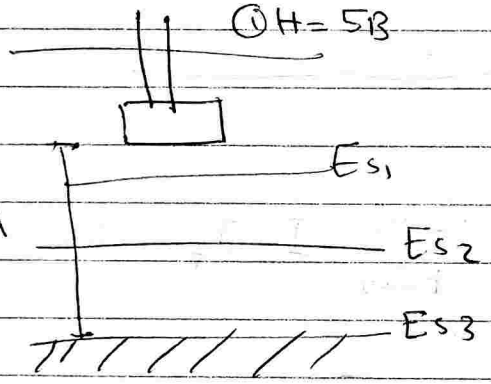
- I_s : influnce factor

$f(L/B, H/B')$

$= I_1 + \frac{1-2M_s}{1-M_s} I_2$

- H: stratum thickness through which sett is calculated

① $H = 5B$



H ← ثلاثة طبقات، ثنائية

② H = depth of the hard stratum

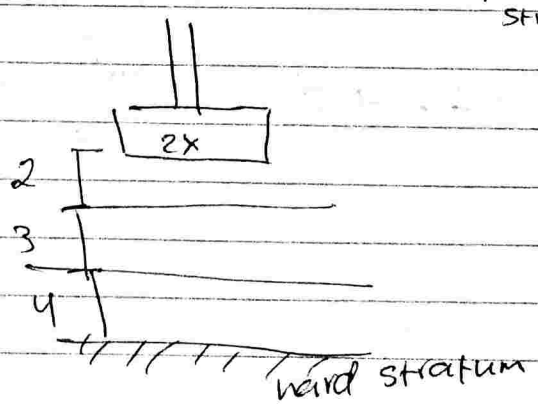
$\frac{E_{s3}}{E_{s2}} \geq 10 \Rightarrow$ الطبقة اللي قريبا hard stratum

* Example:-

$H = 5B = 10m$

$= H$ hard stratum $= 9m$

$H = 9m$ ← بناخد الأقل



⇒ TABLE 5-2 :-

$N = H/B'$ موجودة بالعمود ، $M = L/B$ موجودة بالأصف

I_1 ←
I_2 ← التقاطع بعطي قيمتين

إذا ما لقينا القيمة لـ H/B' , L/B بنعمل Interpolation

• I_F = depth factor $f(D_f/B , L/B , \mu_s)$ بالعمود بالأصف

⇒ TABLE 5-5 :-
بنحدد أي مجموعة من μ_s حسب قيمتك.

---

* sett of center :-

$$Se = \Delta H = q_o B' \frac{1-\mu_s^2}{E_{savg}^2} I_s I_F \quad (4)$$

$$B' = \frac{B}{2}$$

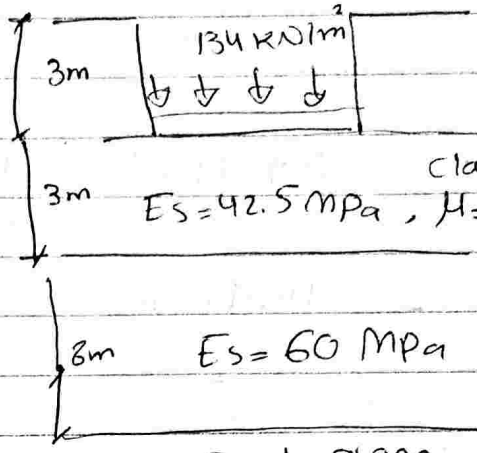
• For Rigid Footing :- ما في تغير بالـ settlement بين الـ (corner) و الـ (center).

$$Se = \Delta H = q_o B' \frac{1-\mu_s^2}{E_{savg}} I_{sr} I_F \quad (4)$$

$I_{sr} = 0.93 I_s$

• Example :- Ψ → center

Calculate the sett. under the ? of Raft foundation B×L = 33.5 × 40 m, Df = 3m, which is located on Clay Soil



• Sol :-

* ملاحظة :- بما بنطلع μsavg ، لإنه الاختلافات فيها كبير قليل فا بأثر لذلك بناخد μs لأول طبقة .

① أول اشي بدد الطبقة اللي لازم أحل عليها ، بالنسبة الانفلونس جان لإنه بتتركل الطبقات Sand ، لذلك بنستخدم Banks

② بنحدد إذا الفاونديشن Rigid أو flexable

flexable لـ Mat Fon. تتصرف ال

$$B' = \frac{33.5}{2} = 16.75 m$$

$$\Rightarrow Se = q_o B' \frac{1-\mu_s^2}{E_{savg}} I_s I_F (4)$$

• To calculate Esavg → H لازم نحدد

H ⟨ → $\sum B = 5 \times 34 = 170$

↳ H hard ~~Stratum~~ $\frac{600}{60} = \frac{E_{s3}}{E_{s2}} = 10 \Rightarrow$ hard ~~Stratum~~ stratum

H = 11 m

→ Chaos H = 11 m ✓

$$E_{savg} = \frac{10^3(3) \times 42.5 + 60 * 10^3 \times (8)}{11} = 55 \times 10^3 \, KN/m^2$$

• $H/B' = \frac{11}{16.75} = 0.66 \approx 0.7$

$L/B = \frac{39.5}{33.5} = 1.18$

I_2: 0.6 → 0.063 ; 0.7 → 0.083 ; 0.8 → 0.1

$\bar{I}_2 = 0.089$

$$I_s = 0.082 + \frac{1 - 2(0.35)}{1 - 0.35}(0.087) = 0.122$$

$$\frac{D_f}{B} = \frac{3}{33.5} = 0.09$$

$$L/B = 1.2 \Rightarrow I_f = 0.85$$

$$\Rightarrow S_e = 134\,(16.75)\,\frac{(1 - 0.35^2)(0.122)(0.85)(4)}{55 \times 10^3} \times 1000$$

$$= \underline{14.9\ mm}$$

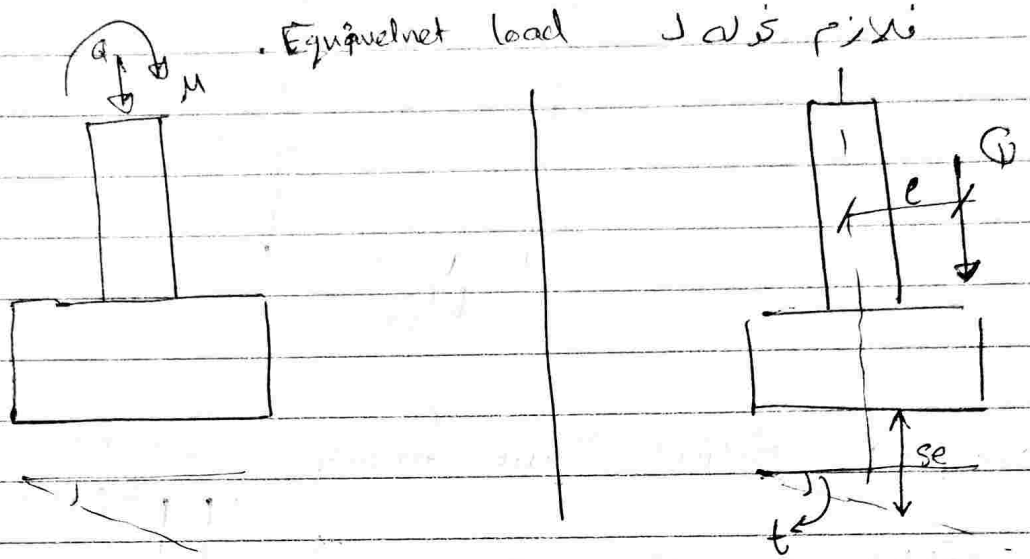
- التلفة كبير لأنه بيعبر عنه الـ Immediat sett، وفي هنا طبقة clay راح يصير فيها cons. معين لازم نقرر إذا التلفة مناسب أو لا من الـ ToTal sett.

- إذا الـ ToTal sett في حدود أقل من 25mm مزبوط مناسب نوعاً ما.

✻ Immediate sett of Eccentrically loaded foundation :-

يعني الأساس مش عم ا لنزل
أو عم ا لنزل معه سوية .

فلازم نحول ل . Equivelnet load



تكون أجزاء من الرجة
(اللي بسبب وجود العزم)

. Procedure:-

① Calculate $Q_{ult}(e)$:-

. (e) بتحسب ال Ultimate load عند وجود Eccentricity مقدارها

(General Bearing Capacity) منفس ال

② $F.S = F_1 = \dfrac{Q_{ult}(e)}{Q}$ ← الموجودة على القاعدة

③ Det ($Q_{ult}(e=0)$

④ $\dfrac{Q_{ult}(e=0)}{F_1} = Q(e=0)$

↳ Equivelant concentrec footing.

لازم نرجعه للفوتنج الحقيقي .

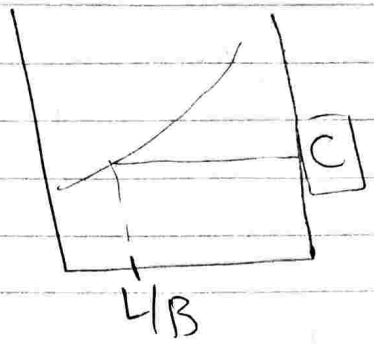
⑤ For $Q(e=0)$, estimate sett ⟹ $Se(e=0)$

$$Se = Se(e=0)\left[1 - \frac{2e}{1.3}\right]^2$$

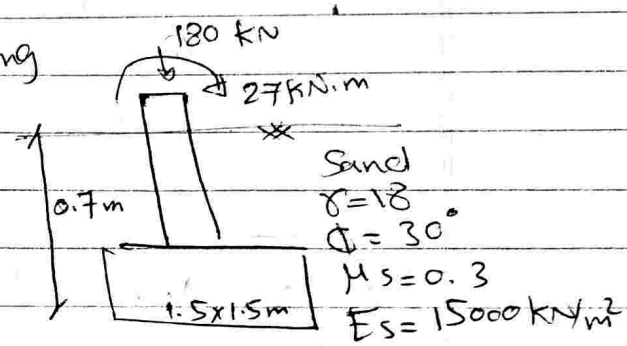
$$t = \tan^{-1}\left[\frac{Se}{C}\left(\frac{e/B}{\sqrt{BL}}\right)\right]$$

$C = \beta_1 \beta_2$

$\beta_1, \beta_2 \Rightarrow$ factors depend on L/B ratio $\rightarrow$ fig 3.32



* Example :- Rigid squre footing



$\Rightarrow Q = 180kN$, $e = \frac{27}{180} = 0.15m$

* إذا كان Eccentreatylis بدرج بشكل على البرو سيجر الي قبل :-

- $Q_{ult}(e)$

$$q_u = q N_q F_{qs} F_{qd} F_{qi} + \frac{1}{2} \gamma B' \mu_\gamma F_{\gamma s} F_{\gamma d} F_{\gamma i}$$

- $B' = 1.5 - 2(0.15) = 1.2$, $L' = 1.5m$

$F_{qs} = 1.462$, $F_{qd} = 1.135$

$F_{\gamma s} = 0.68$, $F_{\gamma d} = 1$

- $q_u' = \frac{(548.8)(1.2)(1.5)}{180} = \frac{988}{180} = 5.49$

- $Q_{ult}(e=0)$

$$q_u = q N_q F_{qs} F_{qd} + \frac{1}{2} \gamma B' N_\gamma F_{\gamma s} F_{\gamma d}$$

$F_{qs} = 1.462$, $F_{qd} = 1.135$, $F_{\gamma s} = 0.68$, $F_{\gamma d} = 1$.

$q_u = 596.41 \ kN/m^2$

$\Rightarrow Q_{ult}(e=0) = 596.41 (1.5 \times 1.5) = 1342 kN$

* $Q(e=0) = \frac{1342}{5.49} = 244.44 \ kN$

- $Se\ (e=0) = \dfrac{1.5\ (244.44)}{15000\ (1.5 \times 1.5)}\ (1-0.3)(0.82) \times 1000$

$= 8.1$ mm

- $Se = 8.1\ \left[1 - 2\left(\dfrac{0.15}{0.15}\right)\right]^2 = 5.18$ mm

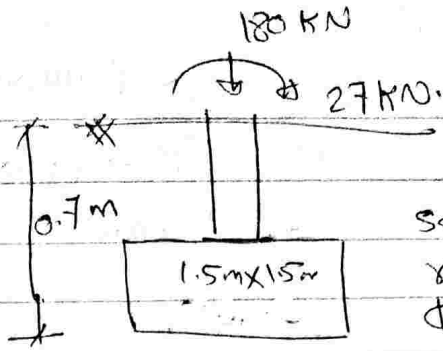
- $t = \tan^{-1}\left[c\ se\ \dfrac{e/B}{\sqrt{BL}}\right]$, $B/L = 1$

$c = 3.95$

$\Rightarrow t = 0.078$ deg.

[1]

• Example:-



[1] Bowel's procedre :-
at center Because
it is a Rigid Foundation.

$$Se_{(e=0)} = q_o \, B' \, \frac{1-\mu_s^2}{E_{saug}} \, I_s I_F \quad (4)$$

• $q_o = \frac{Q(e=0)}{A} = \frac{244.44}{1.5 \times 1.5} = 108.64 KN/m^2$

• $B' = \frac{1.5}{2} = 0.75 m$

• $E_{saug} = 15000$ →

• $\mu_s = 0.3$

• $I_{sc} = 0.93 \, I_s \Rightarrow I_s = I_1 + \frac{1-2\mu_s}{1-\mu_s} I_2$

$H = 5B = 5 \times 1.5 = 7.5 m$ ⇒ $L/B = 1$, $H/B' = 7.5/0.75 = 10$

TABLE 5-2

$I_1 = 0.498$, $I_2 = 0.016$

$I_s = 0.507$

$I_{sr} = 0.4716$

• I_F ⇒ $L/B = 1$, $D_f/B = 0.7/1.5 = 0.47$ ⇒ TABLE 5-5

0.4 → 0.808	$\frac{I_F - 0.808}{0.47 - 0.4} = \frac{0.738 - 0.808}{0.6 - 0.4}$
0.47 → ⌐¬	
0.6 → 0.738	$I_F = 0.7835$
7.305	

⇒ $Se_{(e=0)}$ = ~~0.7835~~ mm

- $Se = 7.305 \left[1 - 2\left(\frac{0.15}{1.5}\right)\right]^2 = 4.675$ mm

- $t = \tan^{-1}\left[3.95 \times \left(\frac{3.872}{1000}\right) \frac{\left(\frac{0.15}{1.5}\right)}{\sqrt{1.5 \times 1.5}}\right]$

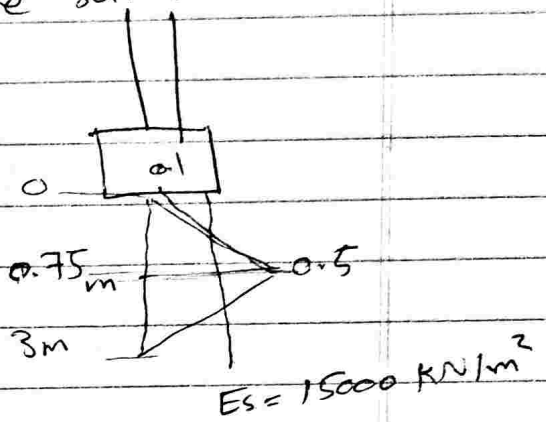
$= 0.0705$ deg

---

[2] Strain Influence Method:-

- Assume I will Calculate the sett In 10 years

$E_s \Rightarrow$ constant



$$Se = C_1 C_2 (q_o - \bar{q}_o) \sum \frac{I_z}{E_s} \Delta z$$

- $q_o = \frac{244.44}{1.5 \times 1.5} = 108.64$ KN/m²

- $\bar{q} = \gamma D_f = 18 \times 0.7 = 12.6$ KN/m²

- $C_1 = 1 - 0.5\left(\frac{12.6}{108.64 - 12.6}\right) = 0.934$

- $C_2 = 1 + 0.2 \log\left(\frac{10}{0.1}\right) = 1.4$

- $\sum I_z \Delta z \Rightarrow$

$0 - 0.75$m $\Rightarrow \Delta z_1 = 0.75$m $\Rightarrow z_1 = 0.375$

$I_{z_1} = 0.1 + \left(\frac{0.5 - 0.1}{0.75 - 0}\right)(0.375) = 0.3$

$I_{z_1} \Delta z_1 = 0.225$m

$0.75 - 3$m $\Rightarrow \Delta z_2 = 2.25$m $\Rightarrow z = \frac{2.25}{2}$

$I_{z_2} = 0.5 - \left(\frac{0.5 - 0}{0.75 - 3}\right)\left(\frac{2.25}{2}\right)$

$= 0.25$

$I_{z_2} \Delta z_2 = 0.5625$

- $S_{e\,(e=0)} = 6.59$ mm
- $S_e = 6.59 \left[1 - \frac{2(0.15)}{1.5}\right]^2 = 4.219$ mm
- $t = \tan^{-1}\left[3.95\left(\frac{4.219}{1000}\right)\left(\frac{\frac{0.15}{1.5}}{\sqrt{1.5 \times 1.5}}\right)\right] =$

$= 0.0636$ deg

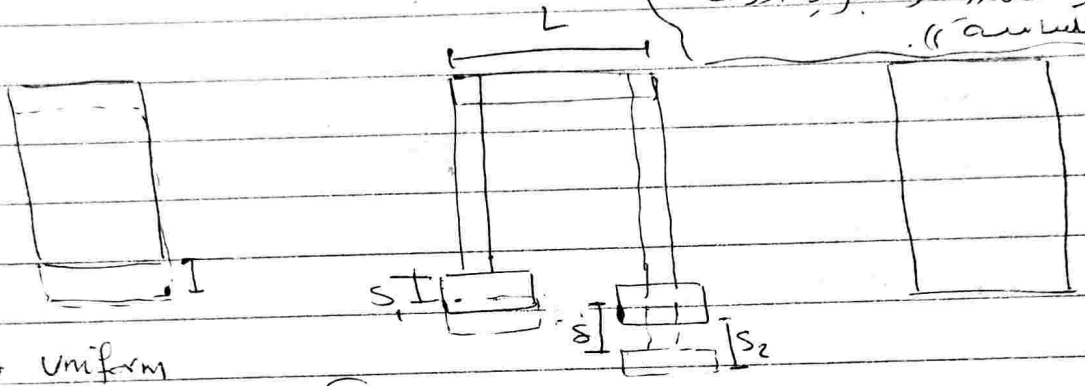
DonE

* Allowable Settlements :- ● Skempton Suggest:-

- Isolated Footing on clay 65 mm
- " " " sand 40 mm
time factor, جود, لأنه تقل ال
- Raft on clay 65 - 100 mm
- " " sand 40 - 65 mm

طبعاً أنا بجيبهم بناءً على نوع الستركتر
اللي بدي أعمله (مثلاً عنترفيه أدوات
فخمة فلسفة).

* Types of settlement :-



(A) ⇒ Uniform Sett.
(Structral مايضر بال مشاكل) يكسر عكس بناعه بأبأ غير طبيعية

(B) ⇒ differential Sett.
$\frac{\delta}{L}$ = angular distortion

⇒ Table 11.1 : angular distortion limits . Example: $\frac{\delta}{L} = \frac{1}{150} = \frac{\delta}{800cm}$
↳ وصل لستركتر للاستيكل ، مشكلة وزم يزيد عنها. $\delta = 5.3 cm$

* Bjerrum ⇒ صاغ قواعد ، لسلسة حل مشكل
« fig + Table »
على جدول وضع فيهم النسبة بين $\frac{\delta}{L}$ اللي مشكلة لازم تتجاوزهم .

- مثلاً $\frac{1}{150}$ ← عمل دمار كامل للمبنى
- $1/500$ ← منع صدوث كراك خطيرة
- $1/5000$ ← عكس يصير في كراك صغيرة جداً .

for Sandy soil ← 5.36

for clay soil ← 5.35

← two figers في *

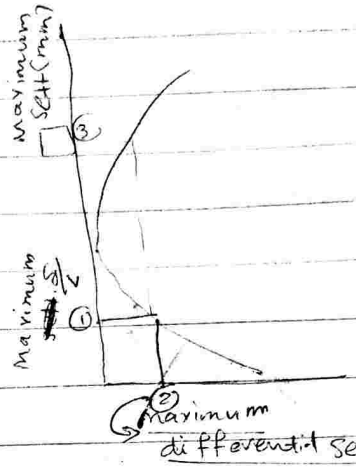
* الخطوات :-

① Calculat the actual Sett.

② Table 11.1 وبختار قيمة $\frac{L}{B}$ اللي بتناسبها.

③ بنروح عند الجراف حسب نوع التربة.

④ بنحسب عدد الجراف حسب ما أنا مبين



* اللي بتختلف بـ Sandy Soil – fig : عدد

clay soil – fig

إنه بالتربة بتكون في ضغطين واحد متقطع قواعد متواصل

↓ footing flexable

↓ footing stiff

* Ex: Rigid foundation for Machien on clay soil ?!

↓ بتعتبر صلبة

$\frac{1}{750} \leftarrow \frac{L}{B}$

From fig 3.35 :-

maximumm differ. sett = 15 mm

= Total Sett. = 50 mm

* في حال كانت التربة فليط بتاخد نسبة الستخدم عدد نسبة كل واحد فيهما.